

## Gemengde opgaven hoofdstuk 1: Combinatoriek

### Opgave 1:

	man	vrouw	
jonger dan 25	38	174	212
25 of ouder	150	201	351
	188	375	563

- a. 150  
b.  $\frac{201}{351} \cdot 100\% = 57,3\%$

### Opgave 2:

- a.  $\binom{25}{3} = 2300$   
b.  $\binom{14}{2} \cdot \binom{14}{1} + \binom{14}{3} = 1638$   
c. 15,16,17 of 15,16,18 of 15,17,18 of 16,17,18  
 $6 \cdot 14 \cdot 5 + 6 \cdot 14 \cdot 3 + 6 \cdot 5 \cdot 3 + 14 \cdot 5 \cdot 3 = 972$

### Opgave 3:

- a.  $2^3 = 8$   
b. ja,  $2 + 2^2 + 2^3 + 2^4 = 30$  tekens zijn er mogelijk

### Opgave 4:

- a.  $\binom{7}{2} \cdot \binom{10}{5} \cdot \binom{9}{4} \cdot \binom{6}{2} = 10001880$   
b.  $\binom{6}{4} \cdot 1 \cdot \binom{10}{5} \cdot 1 = 3780$   
c. *OBACO* of *OCABO*  
 $\binom{7}{2} \cdot 1 \cdot \binom{9}{4} \cdot 1 = 2646$

Er zijn in totaal 6 mogelijkheden waarvan er steeds twee aan twee hetzelfde zijn.

### Opgave 5:

- a.  $8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 = 6720$   
b.  $8^5 = 32768$   
c.  $1 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 1 = 120$

### Opgave 6:

- a.  $\frac{12!}{3! \cdot 3! \cdot 3! \cdot 3!} = 369600$   
b.  $\frac{10!}{2! \cdot 3! \cdot 4!} = 12600$

**Opgave 7:**

a.  $\frac{8!}{3! \cdot 3! \cdot 2!} = 560$

b. kies 4 cijfers uit totaal 6, dat kan op  $\binom{6}{4} = 15$  manieren

per gekozen viertal:  $\frac{8!}{2! \cdot 2! \cdot 2! \cdot 2!} = 2520$  manieren

totaal:  $15 \cdot 2520 = 37800$

c. 12345611 kan op:  $\frac{8!}{3!} = 6720$  manieren maar de laatste twee cijfers kunnen op 6

manieren, dus totaal  $6 \cdot 6720 = 40320$  manieren

12345612 kan op  $\frac{8!}{2! \cdot 2!} = 10080$  manieren, maar twee verschillende kan op  $\binom{6}{2} = 15$

manieren, dus totaal:  $15 \cdot 10080 = 151200$  manieren

dus totaal:  $40320 + 151200 = 191520$

**Opgave 8:**

a. je hebt 12 teams dus zijn er  $12!$  manieren om die te rangschikken.

Stel je hebt de volgorde A-B, C-D, E-F, G-H, I-J, K-L, dan kun je deze zes paren op  $6!$  manieren verwisselen, maar iedere manier levert dezelfde wedstrijden op.

Dus  $\frac{12!}{6!} = 665280$  lotingen.

b.  $4 \cdot 8 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 6 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 15482880$

c. in de voorrondes 12 wedstrijden (uit en thuis)

per poule  $3 \cdot 2 = 6$  wedstrijden, dus voor twee poules 12 wedstrijden

de finale is nog 1 wedstrijd

dus totaal  $12 + 12 + 1 = 25$  wedstrijden

**Opgave 9:**

a.  $\binom{12}{7} = 792$

b.  $\binom{12}{7} \cdot 2^5 = 25344$

**Opgave 10:**

a.  $\binom{12}{5} = 792$

b.  $2^{12} = 4096$

c.  $\binom{4}{1} \cdot \binom{4}{2} \cdot \binom{4}{3} = 96$

d.  $\binom{4}{2} \cdot 2^8 = 1536$

**Opgave 11:**

a. 
$$\frac{8!}{2! \cdot 2! \cdot 2! \cdot 2!} = 2520$$

b. 
$$\frac{14!}{5! \cdot 3! \cdot 2! \cdot 4!} = 2522520$$

**Opgave 12:**

a. 
$$\begin{aligned}(2x - 3y)^5 &= \binom{5}{0} \cdot (2x)^5 + \binom{5}{1} \cdot (2x)^4 \cdot (-3y) + \binom{5}{2} \cdot (2x)^3 \cdot (-3y)^2 + \\ &\quad \binom{5}{3} \cdot (2x)^2 \cdot (-3y)^3 + \binom{5}{4} \cdot (2x) \cdot (-3y)^4 + \binom{5}{5} \cdot (-3y)^5 \\ &= 1 \cdot 32x^5 + 5 \cdot 16x^4 \cdot (-3y) + 10 \cdot 8x^3 \cdot 9y^2 + 10 \cdot 4x^2 \cdot (-27y^3) + 5 \cdot 2x \cdot 81y^4 \\ &\quad + 1 \cdot (-243y^5) \\ &= 32x^5 - 240x^4y + 720x^3y^2 - 1080x^2y^3 + 810xy^4 - 243y^5\end{aligned}$$

b. 
$$\binom{10}{6} \cdot (2x)^4 \cdot (5y)^6 = 210 \cdot 16x^4 \cdot 15625y^6 = 52500000x^4y^6$$

dus 52500000

**Opgave 13:**

a. 
$$(2^{13} - 2) : 2 = 4095$$

b. 
$$2^{10} - 2 = 1022$$

c. 
$$\frac{2^{19}}{2} = 262144$$