

3.2 Trekken met en zonder terugleggen

Opgave 17:

a. $\frac{\binom{7}{2}}{\binom{28}{2}} = 0,056$

- b. nee, want bij a kies je twee verschillende leerlingen, maar bij de schijf kun je twee keer dezelfde sector draaien, dus deze kans is $0,25^2 = 0,0625$

Opgave 18:

a. $\frac{\binom{16}{2} \binom{24}{1}}{\binom{40}{3}} = 0,291$

b. $P(\text{minstens 1 blauwe}) = 1 - P(\text{geen blauw}) = 1 - \frac{\binom{16}{3}}{\binom{40}{3}} = 0,943$

c. $\left(\frac{16}{40}\right)^3 \cdot \frac{24}{40} \cdot \frac{\binom{3}{2}}{\binom{3}{2}} = 0,288$

d. $P(\text{minstens 1 blauwe}) = 1 - P(\text{geen blauw}) = 1 - \left(\frac{16}{40}\right)^3 = 0,936$

Opgave 19:

a. $\left(\frac{12}{22}\right)^4 = 0,089$

b. $\frac{\binom{12}{4}}{\binom{22}{4}} = 0,068$

Opgave 20:

a. $\frac{\binom{38}{3}}{\binom{60}{3}} = 0,247$

b. $\left(\frac{38}{60}\right)^3 = 0,254$

Opgave 21:

I en III

Opgave 22:

a. $P(2 \text{ rood}) = \frac{p}{50} \cdot \frac{p-1}{49} = \frac{p^2 - p}{2450}$

b. $P(1 \text{ rood en 1 wit}) = 2 \cdot \frac{p}{50} \cdot \frac{50-p}{49} = \frac{p(50-p)}{25 \cdot 49} = \frac{50p - p^2}{1225}$

c. $\frac{50p - p^2}{1225} > 0,5$

$$y_1 = \frac{50x - x^2}{1225} \text{ met table: } p = 22, 23, 24, 25, 26, 27 \text{ of } 28$$

Opgave 23:

10 rode en $a - 10$ blauwe knikkers

$$a. \quad P(2 \text{ rood}) = \frac{10}{a} \cdot \frac{9}{a-1} = \frac{90}{a^2 - a}$$

$$b. \quad P(1 \text{ rood en } 1 \text{ blauw}) = 2 \cdot \frac{10}{a} \cdot \frac{a-10}{a-1} = \frac{20(a-10)}{a(a-1)} = \frac{20a-200}{a^2 - a}$$

$$c. \quad \frac{20a-200}{a^2 - a} = \frac{10}{21}$$

$$y_1 = \frac{20x-200}{x^2 - x} \text{ en } y_2 = \frac{10}{21} \text{ intersect geeft } x = 15 \quad \vee \quad x = 28$$

Opgave 24:

15 rode en $n - 15$ witte knikkers

$$a. \quad P(2 \text{ rood}) = \frac{15}{n} \cdot \frac{14}{n-1} = \frac{210}{n^2 - n} < 0,1$$

$$y_1 = \frac{210}{x(x-1)} \text{ met table: } n \geq 47$$

$$b. \quad P(1 \text{ rood en } 1 \text{ wit}) = 2 \cdot \frac{15}{n} \cdot \frac{n-15}{n-1} = \frac{30(n-15)}{n(n-1)}$$

$$y_1 = \frac{30(x-15)}{x(x-1)} \text{ met de optie maximum geeft } x = 29 \quad \vee \quad x = 30$$

Opgave 25:

$$a. \quad \frac{\binom{3}{2} \binom{7}{3}}{\binom{10}{5}} = 0,417$$

$$b. \quad \frac{\binom{30}{2} \binom{70}{3}}{\binom{100}{5}} = 0,316$$

$$c. \quad \frac{\binom{300}{2} \binom{700}{3}}{\binom{1000}{5}} = 0,309$$

$$d. \quad \frac{\binom{3000}{2} \binom{7000}{3}}{\binom{10000}{5}} = 0,309$$

e. alle kansen zijn gelijk, want $P(\text{rood}) = 0,3$ en $P(\text{wit}) = 0,7$

$$0,3^2 \cdot 0,7^3 \cdot \binom{5}{2} = 0,3087$$

Opgave 26:

$$a. \quad 0,7^{15} = 0,0047$$

$$b. \quad 0,3^2 \cdot 0,7^{13} \cdot \binom{15}{2} = 0,0916$$

$$c. \quad P(\text{minstens } 2) = 1 - P(0 \text{ of } 1) = 1 - (0,7^{15} + \binom{15}{1} \cdot 0,7^{14} \cdot 0,3) = 0,9647$$

Opgave 27:

$$a. \quad 0,85^{10} = 0,1969$$

$$b. \quad 0,6^8 \cdot 0,15^2 \cdot \binom{10}{8} = 0,0170$$

$$c. \quad 0,6^9 \cdot 0,4 \cdot \binom{10}{9} + 0,6^{10} = 0,0464$$

Opgave 28:

$$a. \quad 2 \cdot 0,18 \cdot 0,82 = 0,2952$$

$$b. \quad 0,82^5 + 0,82^4 \cdot 0,18 \cdot \binom{5}{1} = 0,7776$$

$$c. \quad P(\text{minstens } 1 \text{ linkshandige}) = 1 - P(\text{allemaal rechtshandig}) = 1 - 0,82^n > 0,99$$

$$-0,82^n > -0,01$$

$$0,82^n < 0,01$$

$$n > \frac{\log 0,01}{\log 0,82} = 23,2$$

dus minstens 24 personen

$$d. \quad \frac{\binom{9}{2}}{\binom{50}{2}} = 0,0294$$

Opgave 29:

$$a. \quad 0,94^{12} = 0,476$$

$$b. \quad 0,09^2 \cdot 0,91^{10} \cdot \binom{12}{2} = 0,208$$

$$c. \quad 0,06^2 \cdot 0,85^{10} \cdot \binom{12}{2} = 0,047$$

Opgave 30:

$$a. \quad 0,88^{11} = 0,245$$

$$b. \quad 0,88^{22} + 0,88^{21} \cdot 0,12 \cdot \binom{22}{1} + 0,88^{20} \cdot 0,12^2 \cdot \binom{22}{2} = 0,498$$

$$c. \quad \frac{\binom{5}{2} \binom{30}{4}}{\binom{35}{6}} = 0,169$$

Opgave 31:

a. $P(\text{minstens 2 lopend}) = 1 - P(0 \text{ of } 1 \text{ lopend}) = 1 - 0,95^{18} - 0,95^{17} \cdot 0,05 \cdot \binom{18}{1} = 0,226$

b. $0,25^4 \cdot 0,75^{14} \cdot \binom{18}{4} + 0,25^5 \cdot 0,75^{13} \cdot \binom{18}{5} = 0,412$

c. $0,6^{12} \cdot 0,25^6 \cdot \binom{18}{12} = 0,010$

d. $0,3^4 \cdot 0,7^{14} \cdot \binom{18}{4} = 0,168$

e. $40\% = 7,2$ en $60\% = 10,8$

$$\begin{aligned} P(8, 9 \text{ of } 10 \text{ met de auto}) &= 0,6^8 \cdot 0,4^{10} \cdot \binom{18}{8} + 0,6^9 \cdot 0,4^9 \cdot \binom{18}{9} + 0,6^{10} \cdot 0,4^8 \cdot \binom{18}{10} \\ &= 0,379 \end{aligned}$$